

CIRCONFERENZA

Dall'equazione al grafico



Marco Braico

LEZIONI DI MATEMATICA - M30602

ABBIAMO L'EQUAZIONE GENERICA DI UNA CIRCONFERENZA

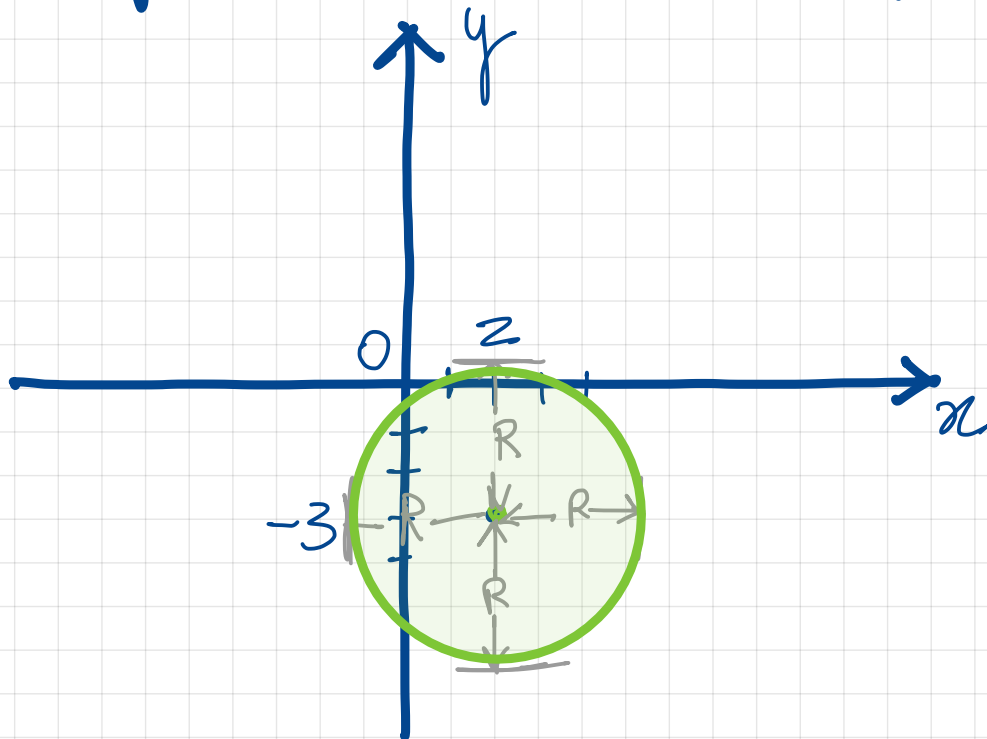
$$x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$$

$$x^2 + y^2 - 4x + 6y + 2 = 0$$

E LE RELAZIONI

$$\begin{cases} -2\alpha = a & \rightarrow \alpha = -\frac{a}{2} \\ -2\beta = b & \rightarrow \beta = -\frac{b}{2} \\ \alpha^2 + \beta^2 - R^2 = c & \rightarrow R = \sqrt{\alpha^2 + \beta^2 - c} \end{cases}$$

$$\begin{cases} -2\alpha = -4 & \rightarrow \alpha = 2 \\ -2\beta = +6 & \rightarrow \beta = -3 \\ \alpha^2 + \beta^2 - R^2 = 2 & \rightarrow R = \sqrt{4 + 9 - 2} \\ & = \sqrt{11} \end{cases}$$

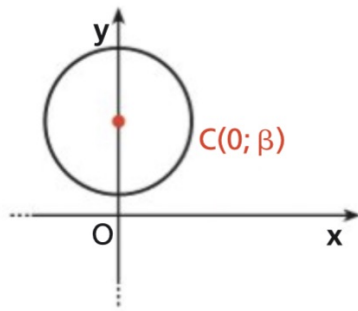


IL CENTRO $C(2; -3)$

IL RAGGIO $R = \sqrt{11}$ $3 < R < 4$

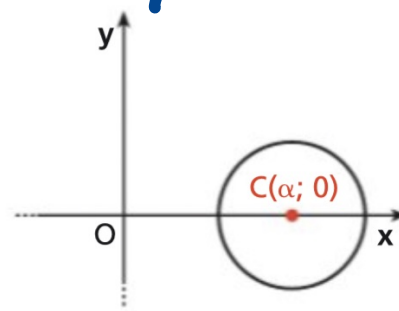
CASI PARTICOLARI $a = -2\alpha$ $b = -2\beta$ $c = \alpha^2 + \beta^2 - R^2$

$x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$



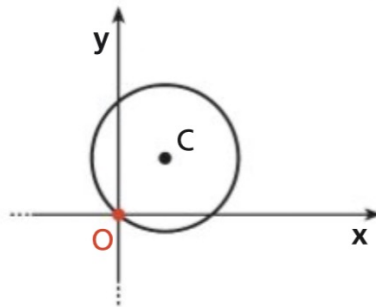
a = 0
 $x^2 + y^2 + by + c = 0$

a. Se $a = 0$, allora $\alpha = 0$, quindi $C(0; \beta)$: il centro appartiene all'asse y .



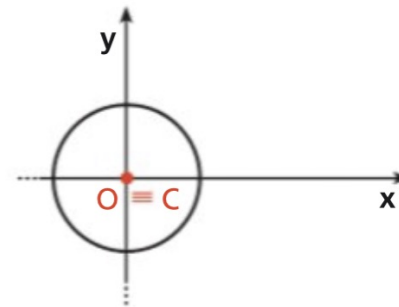
b = 0
 $x^2 + y^2 + ax + c = 0$

b. Se $b = 0$, allora $\beta = 0$, quindi $C(\alpha; 0)$: il centro appartiene all'asse x .



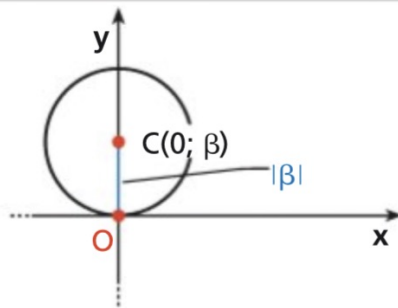
c = 0
 $x^2 + y^2 + ax + by = 0$

c. Se $c = 0$, le coordinate di $O(0; 0)$ verificano l'equazione, quindi la circonferenza passa per l'origine degli assi.



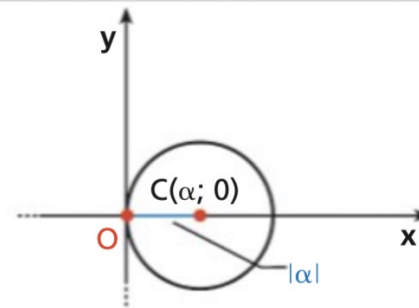
a = b = 0
 $x^2 + y^2 + c = 0$
 $x^2 + y^2 = r^2$ ($r = \sqrt{-c}$)

d. Se $a = b = 0$, allora $\alpha = \beta = 0$, quindi $C(0; 0)$. La circonferenza ha il centro nell'origine.



a = c = 0
 $x^2 + y^2 + by = 0$

e. La circonferenza ha centro sull'asse y e passa per l'origine. Il raggio misura $r = \sqrt{\beta^2} = |\beta|$.



b = c = 0
 $x^2 + y^2 + ax = 0$

f. La circonferenza ha centro sull'asse x e passa per l'origine. Il raggio misura $r = \sqrt{\alpha^2} = |\alpha|$.

CIRCONFERENZA DEGENERE

$$x^2 + y^2 + 2x - 4y - 11 = 0$$

a b c

$$a = -2\alpha \rightarrow 2 = -2\alpha$$

$$\alpha = -1$$

$$b = -2\beta \rightarrow -4 = -2\beta$$

$$\beta = 2$$

$$a^2 + b^2 - c = R^2$$

$$1 + 4 + 11 = R^2 \rightarrow R = 4$$

$$C(-1; 2) \quad R=4$$

R impossibile

$$x^2 + y^2 + 2x - 4y + 11 = 0$$

a b c

$$\alpha = -1 ; \quad \beta = 2 ; \quad \sqrt{1 + 4 - 11}$$

IMPOSSIBILE

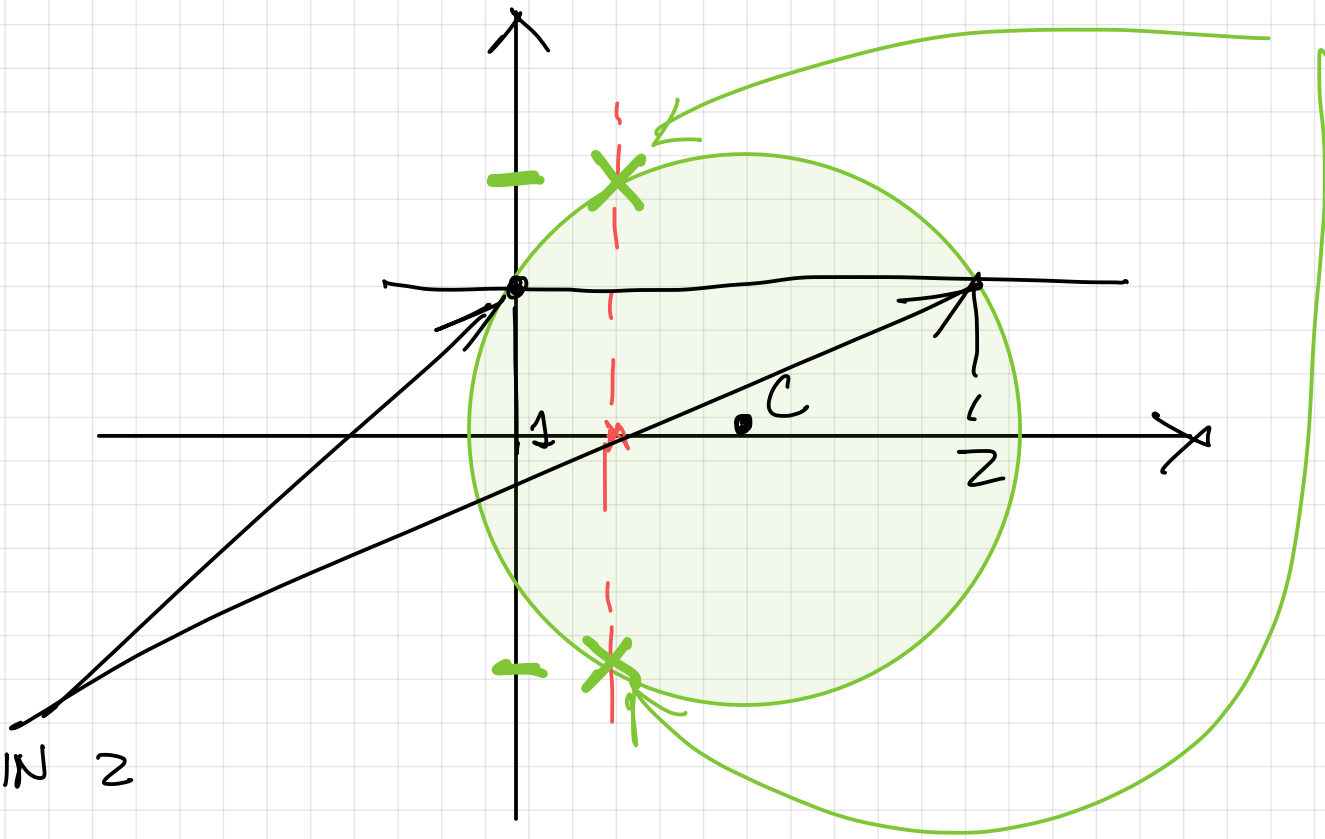
R impossibile !

ATTENZIONE ! L'EQUAZIONE DELLA CIRCONFERENZA NON É
UNA FUNZIONE.

$$y = \pm \sqrt{\quad}$$

scelta x ho 2 valori di y

INCONTRA IN 2
POSTI



INCONTRA IN
DUE POSTI